

ภาคพนวก



มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY

ภาคผนวก ก
แบบทดสอบ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร

มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY

**แบบทดสอบ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3**

คำชี้แจง

1. แบบทดสอบแบบอัตนัย 10 ข้อ เวลา 1 ชั่วโมง 30 นาที
2. ให้นักเรียนแต่งตัวทำโดยละเอียดตามความรู้และความเข้าใจของนักเรียน
3. คำตอบในแบบทดสอบนี้จะเป็นประโยชน์ต่อการจัดการเรียนการสอนวิชาคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร และการแก้ไขมโนทัศน์ที่คลาดเคลื่อนและซ้อดพิเศษสำคัญสำหรับนักเรียนที่มีปัญหาทางการเรียน
4. แบบทดสอบจะนำมาระยะห่างและจะเป็นประโยชน์ได้สูงสุดนั้นจะต้องเป็นแบบทดสอบที่สมบูรณ์ ดังนั้น ให้นักเรียนทำแบบทดสอบให้ครบถ้วนทุกข้อตามความรู้ความเข้าใจของนักเรียน

มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY

แบบทดสอบ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร

ชื่อ-สกุล..... นฤมล..... ปีกนกจิรา..... ชั้น ๕/๑ เลขที่ ๓๔

1. จงอธิบายลักษณะของรูปร่องแคบผิวสามมิติต่อไปนี้

1.1 บริเวณ... ฐานของชั้นหินทรายเป็นร่องแคบผิวสามมิติที่ลึกกว้าง แต่กว้างกว่าลึก บริเวณด้านบนเป็นภูเขาหินทรายที่สูงกว่าบริเวณด้านล่าง บริเวณด้านล่างเป็นภูเขาหินทรายที่ต่ำกว่าบริเวณด้านบน

1.2 ทรงกระบอก บริเวณด้านบนเป็นภูเขาน้ำแข็งที่สูงกว่าบริเวณด้านล่าง บริเวณด้านล่างเป็นภูเขาน้ำแข็งที่ต่ำกว่าบริเวณด้านบน บริเวณด้านบนเป็นภูเขาน้ำแข็งที่สูงกว่าบริเวณด้านล่าง

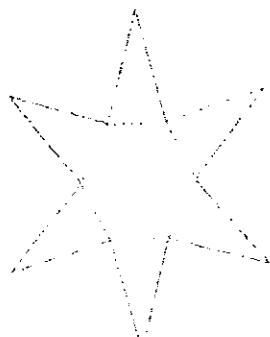
1.3 พีระมิด บริเวณด้านบนเป็นภูเขาน้ำแข็งที่สูงกว่าบริเวณด้านล่าง บริเวณด้านล่างเป็นภูเขาน้ำแข็งที่ต่ำกว่าบริเวณด้านบน บริเวณด้านบนเป็นภูเขาน้ำแข็งที่สูงกว่าบริเวณด้านล่าง บริเวณด้านล่างเป็นภูเขาน้ำแข็งที่ต่ำกว่าบริเวณด้านบน

1.4 กรวย บริเวณด้านบนเป็นภูเขาน้ำแข็งที่สูงกว่าบริเวณด้านล่าง บริเวณด้านล่างเป็นภูเขาน้ำแข็งที่ต่ำกว่าบริเวณด้านบน บริเวณด้านบนเป็นภูเขาน้ำแข็งที่สูงกว่าบริเวณด้านล่าง บริเวณด้านล่างเป็นภูเขาน้ำแข็งที่ต่ำกว่าบริเวณด้านบน

1.5 ทรงกลม บริเวณด้านบนเป็นภูเขาน้ำแข็งที่สูงกว่าบริเวณด้านล่าง บริเวณด้านล่างเป็นภูเขาน้ำแข็งที่ต่ำกว่าบริเวณด้านบน บริเวณด้านบนเป็นภูเขาน้ำแข็งที่สูงกว่าบริเวณด้านล่าง บริเวณด้านล่างเป็นภูเขาน้ำแข็งที่ต่ำกว่าบริเวณด้านบน

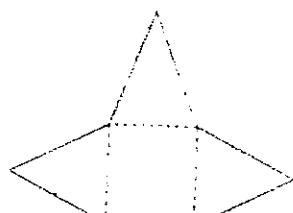
2. รูปคลี่ที่กำหนดค่าให้เป็นรูปคลี่ของรูปเรขาคณิตสามมิติใด

2.1



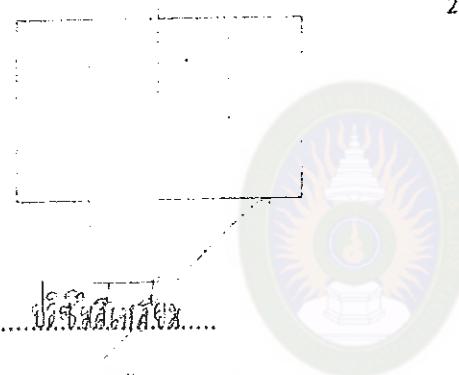
ตอบ.....ที่ใช้สีดินสอสีเขียวเส้นสีเทา.....

2.2



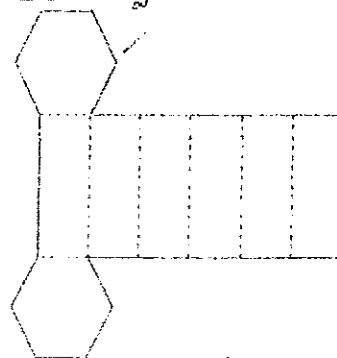
ตอบ.....ที่ใช้สีดินสอสีเขียวเส้นสีเทา.....

2.3



ตอบ.....มีรูปแบบคือ.....

2.4



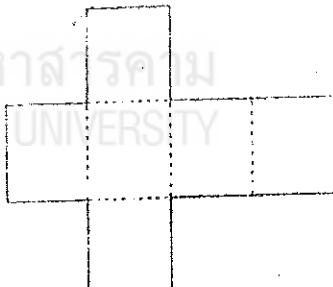
ตอบ.....มีรูปแบบคือ.....

2.5

มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY

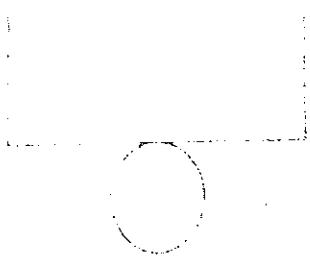
ตอบ.....ที่ใช้สีดินสอสีเขียวเส้นสีเทา.....

2.6



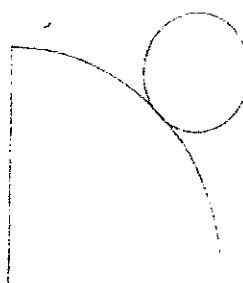
ตอบ.....มีรูปแบบคือ.....

2.7



ตอบ.....ที่ใช้สีดินสอ.....

2.8



ตอบ.....ก็จะ.....

3. จ้างเก็บน้ำทรงสี่เหลี่ยมนูนจากขาว 30 เมตร กว้าง 15 เมตร ต้องการเก็บน้ำไว้ในอ่าง

2,250 ลูกบาศก์เมตร ระดับน้ำจะสูงจากก้นอ่างเท่าไร

..... รากที่ 1 ของ 2,250 คือ 30 หรือ $\sqrt{30}$ ห้ามใช้ที่ต้องหาทาง.....

$$\frac{2,250}{30} = 30 \times 15 \times h$$

$$\frac{2,250}{150} = 150 \times h$$

$$\frac{2,250}{15} = h$$

$$150 = h$$

$$h = 150$$

$$h = 150$$

$$h = 150$$

$$h = 150$$

4. แก้วน้ำทรงกระบอกใบหนึ่งวัดเส้นผ่าศูนย์กลางภายในได้ 10 เซนติเมตร แก้วน้ำสูง 12

เซนติเมตร จะบุน้ำได้เท่าไร

$$\frac{\pi r^2 h}{3.14 \times 5 \times 12} = \frac{\pi 10^2 \times 12}{3.14 \times 5 \times 12}$$

$$= \frac{314 \times 100 \times 12}{314 \times 5 \times 12}$$

$$= 942 \text{ ml.}$$

$$= 942 \text{ ml.}$$

$$= 942 \text{ ml.}$$

5. ที่ทับกระดาษหินอ่อนมีลักษณะเป็นพิระนิคฐานสี่เหลี่ยมจตุรัส มีความยาวของแต่ละด้าน เป็นสองเท่าของความสูง พิระนิคหนึ่ง 6 เซนติเมตร จงหาว่าที่ทับกระดาษหินอ่อนมีเนื้อหินอ่อนอยู่เท่าไร

$$\text{พื้นที่} = 4 \times 6 \times 6 \times 6 \times 2 = 1 \times 4 \times 6 \times 6 \times 6 = 1 \times 2 \times 6 \times 6 = 1 \times \frac{1}{3} \times 12 \times 6 = 23.6$$

$$\text{พื้นที่} = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 3^2 \times 6 = 3.14 \times 3 \times 6 = 56.5$$

6. กรวยกระดาษสำหรับใส่น้ำคีมสูงประมาณ 9 เซนติเมตร รัศมีของกรวยข้าง 3 เซนติเมตร กรวยใบนี้ขึ้นได้เท่าไร

$$\text{พื้นที่} = 3.14 \times 3^2 \times 9 = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 3^2 \times 9 = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 3^2 \times 9 = 84.78$$

$$\text{พื้นที่} = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 3^2 \times 9 = 84.78$$

$$\text{พื้นที่} = 84.78$$

7. ถังครัวทรงกลมใบหนึ่ง มีเส้นผ่าศูนย์กลางยาว 84 เซนติเมตร จะสามารถถูกนำไปใช้มากที่สุดปริมาตรเท่าไร

$$\begin{aligned} \text{ร่องรับน้ำ} \dots \text{ทรงกระบอก} &= \frac{4}{3}\pi r^3 \\ &= \frac{4}{3} \times 3.14 \times (42)^3 \\ &= 4 \times 3.14 \times 74089 = 31081.76 \text{ ลิตร} \\ \therefore \text{ปริมาตร} &= 31081.76 \text{ ลิตร} \end{aligned}$$

8. ถุงพูดอคุกหนึ่งวัดความยาวรอบวงกลมใหญ่ได้ 66 เซนติเมตร ถ้าถุงพูดอคลำกว้างหนึ่งหน้า 0.6 เซนติเมตร จะบุนได้กี่ถุงหากาศก์เซนติเมตร

$$\begin{aligned} \text{ร่องรับน้ำ} \dots \text{ทรงกระบอก} &= 2\pi r \\ &= 2 \times 22 \times 1 \\ &= \frac{44}{7} \\ &= 10.5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ลักษณะ} &= 0.6 \text{ ลิตร} \\ 10.5 - 0.6 &= 9.9 \text{ ลิตร} \\ \text{ทรงกระบอก} \dots \text{ปริมาตร} &= \frac{4}{3}\pi r^3 \\ &= \frac{4}{3} \times 3.14 \times (9.9)^3 \\ &= 4 \times 3.14 \times 970.999 \\ &= 4012.3183 \text{ ลิตร} \\ \therefore \text{จำนวน} &= 4012.3183 \text{ ลิตร} \end{aligned}$$

9. ทรงกระบอกมีพื้นที่คิวบิก 880 ตารางเซนติเมตร สูง 14 เซนติเมตร จะมีรัศมีเท่าไร
 $\pi r^2 h = 880$ $\therefore r^2 = \frac{880}{14\pi} = \frac{62.86}{43.98}$
 $\therefore r^2 = 2.77$
 $\therefore r = \sqrt{2.77} = 1.66$ เมตร
 $\therefore r = 10$ เมตร
 $\therefore \text{รัศมี} = 10 \text{ เมตร}$

10. ช่องโถเหล็กก้อนหนึ่งมีลักษณะเป็นปริซึมสามเหลี่ยมนูนจาก มีส่วนขาวทั้งสามด้านเป็น 3, 4 และ 5 เซนติเมตรและช่องโถเหล็กก้อนนี้ยาว 10 เซนติเมตร จะคือใช้กระดาษห่อช่องโถเหล็กที่มีพื้นที่อย่างน้อยเท่าไร
 $\text{พื้นที่} = (\text{ยาว}) \times (\text{กว้าง}) + (\text{ยาว}) \times (\text{สูง}) + (\text{กว้าง}) \times (\text{สูง})$
 $= (10 \times 10) + (3 \times 10) + (4 \times 10) + \left(\frac{1}{2} \times 4 \times 3 \times 2\right)$
 $= 120 + 12$
 $\therefore 132 \text{ ตารางเมตร}$
 $\therefore \text{กระดาษ} = 132 \text{ ตารางเมตร}$



ภาคผนวก ข

การหาคุณภาพของแบบทดสอบ

มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY

**ตารางภาคผนวกที่ 1 ผลการแบบประเมินความสอดคล้องของแบบทดสอบอัตนัยกับ
ชุดประสงค์การเรียนรู้เชิงพฤติกรรม วิชาคอมพิวเตอร์
เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3**

ชุดประสงค์การเรียนรู้เชิงพฤติกรรมข้อที่	ข้อสอบข้อที่	IOC
1	1	1.00
2	2	1.00
3	3	0.67
	4	0.67
4	5	1.00
	6	1.00
5	7	1.00
	8	1.00
6	9	1.00
	10	1.00

**ตารางภาคผนวกที่ 2 แสดง ค่าความยากง่าย ค่าอำนาจจำแนก และค่าความเชื่อมั่น
ของแบบทดสอบอัตนัย เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3**

ข้อที่	ค่าความยากง่าย (P)	ค่าอำนาจจำแนก (D)
1	0.78	0.35
2	0.80	0.37
3	0.60	0.43
4	0.46	0.49
5	0.58	0.76
6	0.51	0.74
7	0.40	0.87
8	0.39	0.93

ข้อที่	ค่าความยากง่าย (P)	ค่าอำนาจจำแนก (D)
9	0.43	0.54
10	0.46	0.42

ค่าความเชื่อมั่น $\alpha = 0.79$

$$\alpha = \left[\frac{K}{K-1} \right] \left[1 - \frac{\sum S_i^2}{S_t^2} \right]$$

แทนค่าในสูตร จะได้ $\alpha = \left[\frac{8}{8-1} \right] \left[1 - \frac{8.9253}{2.2197} \right]$

$$= 0.79$$

มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY

ภาคนวัก ค

ตัวอย่างการตรวจแบบทดสอบ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร

มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY

**แบบทดสอบ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3**

คำชี้แจง

1. แบบทดสอบแบบอัตนัย 10 ข้อ เวลา 1 ชั่วโมง 30 นาที
2. ให้นักเรียนแสดงวิธีทำโดยละเอียดตามความรู้และความเข้าใจของนักเรียน
3. กำหนดในแบบทดสอบนี้จะเป็นประโยชน์ต่อการจัดการเรียนการสอนวิชาคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร และการแก้ไขในทัศน์ที่คลาดเคลื่อนและข้อคิดพลาดสำหรับนักเรียนที่มีปัญหาทางการเรียน
4. แบบทดสอบจะนำมายังครุภาระและจะเป็นประโยชน์ได้สูงสุดนั้นจะต้องเป็นแบบทดสอบที่สมบูรณ์ ดังนั้น ให้นักเรียนทำแบบทดสอบให้ครบถ้วนทุกข้อตามความรู้ความเข้าใจของนักเรียน

มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม

RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY

แบบทดสอบ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร

ชื่อ-สกุล..... อ.ณัฐา..... ปีคละที่..... ชั้น..... ม.3/1..... เลขที่..... ๙๔.....

1. จงอธิบายลักษณะของรูปเปรียบพิเศษสามมิติดังต่อไปนี้

1.1 ปริซึม..... รูปทรงของปริซึมเป็นรูปสามเหลี่ยมที่บิดเบี้ยวทำให้เกิดร่องรอยที่มีเส้นผ่าศูนย์กลาง ๑๕๘ มม. กว้าง ๗๘ มม. สูง ๓๖ มม. หัวหน้าของปริซึมเป็นรูปสามเหลี่ยมที่มีด้านหนึ่งยาว ๑๒๘ มม. กว้าง ๗๘ มม. สูง ๓๖ มม. หัวหลังของปริซึมเป็นรูปสามเหลี่ยมที่มีด้านหนึ่งยาว ๑๒๘ มม. กว้าง ๗๘ มม. สูง ๓๖ มม.

1.2 ทรงกระบอก..... รูปทรงของทรงกระบอกเป็นรูปทรงที่มีฐานเป็นรูปวงกลม ผิวเรียบเรียบ ไม่มีขอบเขตใดๆ ที่ตัดต่อ แต่จะมีเส้นผ่าศูนย์กลางที่ฐานเท่ากัน ๑๘๐ มม. สูง ๒๕๐ มม. ผิวเรียบเรียบ ไม่มีขอบเขตใดๆ ที่ตัดต่อ แต่จะมีเส้นผ่าศูนย์กลางที่ฐานเท่ากัน ๑๘๐ มม. สูง ๒๕๐ มม.

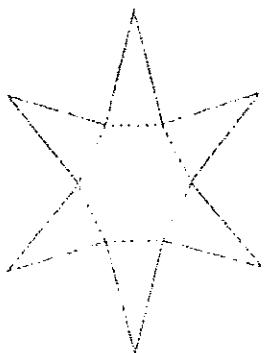
1.3 พีระมิด..... รูปทรงของพีระมิดเป็นรูปทรงที่มีฐานเป็นรูปสามเหลี่ยม ผิวเรียบเรียบ ไม่มีขอบเขตใดๆ ที่ตัดต่อ แต่จะมีเส้นผ่าศูนย์กลางที่ฐานเท่ากัน ๑๘๐ มม. สูง ๒๕๐ มม. ผิวเรียบเรียบ ไม่มีขอบเขตใดๆ ที่ตัดต่อ แต่จะมีเส้นผ่าศูนย์กลางที่ฐานเท่ากัน ๑๘๐ มม. สูง ๒๕๐ มม.

1.4 กรวย..... รูปทรงของกรวยเป็นรูปทรงที่มีฐานเป็นรูปวงกลม ผิวเรียบเรียบ ไม่มีขอบเขตใดๆ ที่ตัดต่อ แต่จะมีเส้นผ่าศูนย์กลางที่ฐานเท่ากัน ๑๘๐ มม. สูง ๒๕๐ มม. ผิวเรียบเรียบ ไม่มีขอบเขตใดๆ ที่ตัดต่อ แต่จะมีเส้นผ่าศูนย์กลางที่ฐานเท่ากัน ๑๘๐ มม. สูง ๒๕๐ มม.

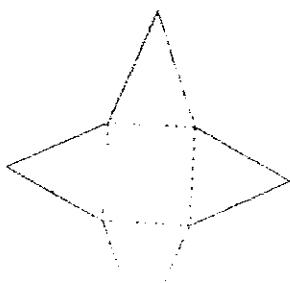
1.5 ทรงกลม..... รูปทรงของทรงกลมเป็นรูปทรงที่มีผิวเรียบเรียบ ไม่มีขอบเขตใดๆ ที่ตัดต่อ แต่จะมีเส้นผ่าศูนย์กลางที่ฐานเท่ากัน ๑๘๐ มม. สูง ๒๕๐ มม.

2. รูปคลื่นที่กำหนดให้เป็นรูปคลื่นของรูปร่างภาคพิเศษสามมิติใด

2.1

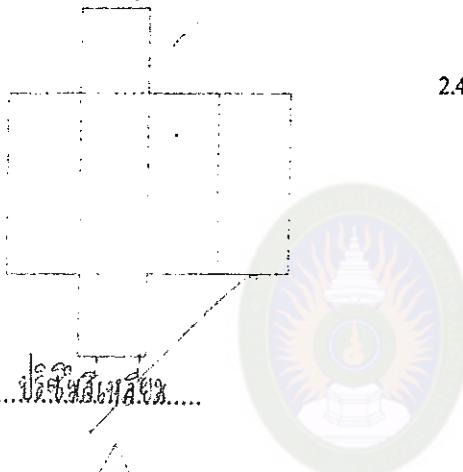


2.2

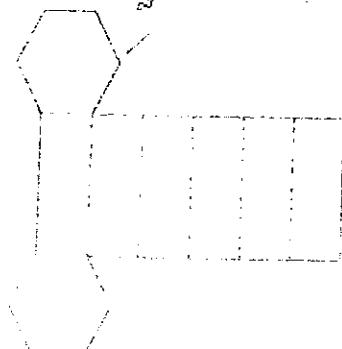


ตอบ.....รูปห้าเหลี่ยมทึบเส้นสี่ด้าน

2.3



2.4

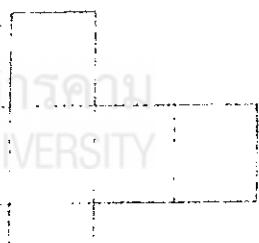


ตอบ.....รูปสี่เหลี่ยมสี่ด้าน

2.5

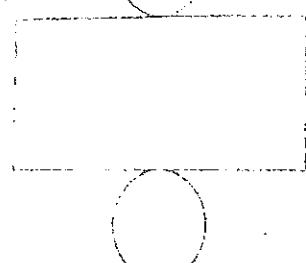
มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY

2.6



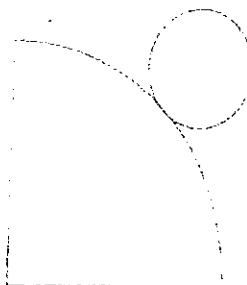
ตอบ.....รูปสี่เหลี่ยมสี่ด้าน

2.7



ตอบ.....รูปสี่เหลี่ยมสี่ด้าน

2.8



ตอบ.....รูปสี่เหลี่ยมสี่ด้าน

3. อ่างเก็บน้ำทรงสี่เหลี่ยมผืนผ้ากว้าง 30 เมตร ยาว 15 เมตร ลึกต้องการเก็บน้ำไว้ในอ่าง

2,250 ลูกบาศก์เมตร ระดับน้ำจะสูงจากก้นอ่างเท่าไร

..... 110 ลูกบาศก์เมตร ที่สูงจากก้นอ่างเท่าไร

$$\frac{2,250}{30 \times 15} = h$$

$$\frac{2,250}{450} = h$$

$$\frac{2,250}{450} = h$$

$$\frac{5}{h} = h$$

$$h^2 = 5$$

$$h = \sqrt{5}$$

$$h = 2.236$$

$$h = 2.236$$

4. แก้วน้ำทรงกระบอกใบหนึ่งวัดเส้นผ่านศูนย์กลางภายในได้ 10 เซนติเมตร แก้วน้ำสูง 12

เซนติเมตร จะบุน้ำได้เท่าไร

$$\frac{1}{3} \pi r^2 h = 3.14 \times 5^2 \times 12$$

$$= 3.14 \times 25 \times 12$$

$$= 942 \text{ ลิตร}$$

$$= 942 \text{ ลิตร}$$

$$= 942 \text{ ลิตร}$$

5. ที่ทับกระดาษหินอ่อนมีลักษณะเป็นพิระมิดฐานสี่เหลี่ยมจตุรัส มีความยาวของแต่ละด้าน เป็นสองเท่าของความสูง พิระมิดนี้สูง 6 เซนติเมตร จงหาว่าที่ทับกระดาษหินอ่อนมีเนื้อหินอ่อนอยู่เท่าไร

$$\text{พื้นที่} \dots 91 \text{ กม}^2 \cdot \text{ปริมาตร} = \frac{1}{3} \times \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{สูง} = \frac{1}{3} \times 9 \times 9 \times 6 = 18 \text{ ลิตร}$$

$$= \frac{1}{3} \times 81 \times 6 = 162 \text{ ลิตร}$$

$$= 28.8$$

$$\text{พื้นที่} \dots 91 \text{ กม}^2 \cdot \text{ก้อนหิน} \cdot \text{ความสูง} \cdot \text{รัศมีของกรวย} = 28.8 \text{ ลิตร}$$

$$\text{พื้นที่} \dots 28.8 \text{ ลิตร} \cdot \text{ก้อนหิน} \cdot \text{ความสูง} \cdot \text{รัศมีของกรวย} = 28.8$$

6. กรวยกระดาษสำหรับใส่น้ำคึ่นสูงประมาณ 9 เซนติเมตร รัศมีของกรวยกว้าง 3 เซนติเมตร กรวยใบนี้ขึ้นได้เท่าไร

$$\text{พื้นที่} \dots 91 \text{ กม}^2 \cdot \text{ปริมาตร} = \frac{1}{3} \times \pi r^2 h = 3.14 \times 3^2 \times 9 = 84.78$$

$$= \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

$$= 3.14 \times 3^2 \times 9 = 84.78$$

$$= 84.78$$

$$\text{พื้นที่} \dots 84.78 \text{ ลิตร} \cdot \text{ก้อนหิน} \cdot \text{ความสูง} = 84.78$$

$$\text{พื้นที่} \dots 84.78 \text{ ลิตร} \cdot \text{ก้อนหิน} \cdot \text{ความสูง} = 84.78$$

7. ถังกลวงทรงกลมใบหนึ่ง มีเส้นผ่าศูนย์กลางยาว 84 เซนติเมตร จะสามารถจุน้ำได้มากที่สุดปริมาตรเท่าไร

$$\text{รูปที่ 1} \quad \text{ปริมาตรทรงกลัน} = \frac{4}{3}\pi r^3$$

$$= \frac{4}{3} \times 3.14 \times (42)^3$$

$$= 4 \times 3.14 \times 74088 = 316184 \text{ ลิตร}$$

~~..... จึงได้ปริมาตรที่ได้มาจากการคำนวณ 316184 ลิตร คือ 316,184 ลิตร ถูกต้องแล้ว~~

~~..... แต่ในห้องเรียนที่ไม่สามารถใช้เครื่องคิดเลขคำนวณได้ จึงต้องประมาณว่า 316,184 ลิตร คือ 316,000 ลิตร~~

8. ถูกพูดว่าถูกหนึ่งวัดความยาวรอบวงกลมใหญ่ได้ 66 เซนติเมตร ถ้าถูกพูดอลทำคำว่า หนังหนา 0.6 เซนติเมตร จะถูกน้ำได้กี่ลูกบาศก์เซนติเมตร

$$\text{รูปที่ 2} \quad \text{ปริมาตร} = 10.5 \times 220 \text{ ลิตร} = 220$$

$$11 = 2 \times 22 \times \frac{7}{9}$$

$$\frac{11 \times 7}{44} = 1$$

$$1 = 10.5$$

~~..... ลักษณะของหิน คือ หินทรายหินทราย~~

$$\text{..... น้ำหนักของหิน คือ } 10.5 - 6.6 = 3.9 \text{ กก.}$$

$$\text{..... รากลังกาของหิน} = \frac{4}{3}\pi r^3$$

$$= \frac{4}{3} \times 3.14 \times (9.9)^3$$

$$= 4 \times 3.14 \times 970.299$$

$$= 12,218.3$$

~~..... จึงได้ปริมาตรหิน คือ 12,218.3 ลิตร น้ำหนักหิน 3.9 กก.~~

9. ทรงกระบอกมีพื้นที่ผิวปูน 880 ตารางเมตร ค่า 14 เซนติเมตร จะมีรัศมีเท่าไร
 รัศมี $\approx \sqrt{\frac{880}{\pi}}$ หรือ $\sqrt{\frac{880}{3.14}}$ ค่า 14 คือ $\sqrt{880} = 29.62$

$$880 = 14 \times 9.62$$

$$\text{พื้นที่ผิวปูน} = 62.86 \text{ ตร.ม.}$$

$$62.86 = 2 \times 3.14 r$$

$$62.86 = \frac{62.86}{2 \times 3.14}$$

$$r = 10$$

$$\text{รัศมี} = 10 \text{ ตร.ม.}$$

$$10 \text{ ตร.ม.} \quad \checkmark$$

10. ช่องโถเหล็กก้อนหนึ่งมีลักษณะเป็นปริซึมสามเหลี่ยมนูนๆ ลึก 3,4 และ 5 เซนติเมตรและช่องโถเหล็กก้อนนี้กว้าง 10 เซนติเมตร จะต้องใช้กระดาษห่อช่องโถที่มีพื้นที่ห่ออย่างน้อยเท่าไร

$$\text{รัศมี} = \sqrt{(10^2 + 10^2)} = \sqrt{200} = 14.14 \text{ ซม.} \quad (1.5 \times 16) + (3 \times 10) + (4 \times 10) + (1 \times 4 \times 3 \times 2)$$

$$= 120 + 12$$

$$= 132 \text{ ตร.ซม.}$$

$$= 132 \text{ ตร.ซม.}$$

$$132 \text{ ตร.ซม.} \quad \checkmark$$

ภาคผนวก ง

หนังสือขอความอนุเคราะห์



มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY



ที่ ศธ ๐๔๔๐.๐๑/๑๑๓๖

บัณฑิตวิทยาลัย
มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
อ.เมือง จ.มหาสารคาม ๔๔๐๐๐

๒๙ สิงหาคม ๒๕๕๕

เรื่อง ขออนุญาตให้ผู้วิจัยเข้าทดลองใช้เครื่องมือและเก็บรวบรวมข้อมูลการวิจัย
เรียน ผู้อำนวยการโรงเรียนสาขาวิชาคณิตศาสตร์

ด้วยนางสาววันนี้ย ศรีจง รหัสประจำตัว M๔๐๒๑๔๐๑๓๓ นักศึกษาปริญญาโท สาขาวิชาคณิตศาสตร์ศึกษา รูปแบบการศึกษานอกเวลาการเรียน ศูนย์มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม กำลังทำวิทยานิพนธ์เรื่อง “การวิเคราะห์มโนทัศน์ที่คาดเดล่อนและข้อผิดพลาดทางการเรียนคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผืนและปริมาตรชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓”

บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม จึงขออนุญาตให้ผู้วิจัยเข้าทดลองใช้เครื่องมือและเก็บรวบรวมข้อมูลการวิจัยกับประชากร/กลุ่มตัวอย่าง คือ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ เพื่อนำข้อมูลไปทำการวิจัยให้บรรลุตามวัตถุประสงค์ท่อไป

จึงเรียนมาเพื่อโปรดพิจารณา และหวังเป็นอย่างยิ่งว่าจะได้รับความร่วมมือจากท่านด้วยดี ขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้ RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY

ขอแสดงความนับถือ

(ผู้ว่าฯคณิตศาสตร์ ดร.เกรียงศักดิ์ ไพรารณ)
คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย

บัณฑิตวิทยาลัย
โทรศัพท์, โทรสาร ๐-๔๓๗๗-๕๕๓๘



ที่ ศธ ๐๕๔๐.๐๑/๑๗๓๕

บัณฑิตวิทยาลัย
มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
อ.เมือง จ.มหาสารคาม ๔๔๐๐๐

๒๙ สิงหาคม ๒๕๕๘

เรื่อง ขออนุญาตให้ผู้วิจัยเข้าเก็บรวบรวมข้อมูลการวิจัย

เรียน ผู้อำนวยการโรงเรียนสาขาวิชาภาษาไทย

ด้วยนางสาววันทนีย์ ศรีจวงศ์ รหัสประจำตัว M๕๐๒๑๔๐๓๓ นักศึกษาปริญญาโท สาขาวิชาคณิตศาสตร์ศึกษา รูปแบบการศึกษาอก渥ารายการ ศูนย์มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม กำลังทำวิทยานิพนธ์เรื่อง “การวิเคราะห์มโนทัศน์ที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาดทางการเรียนคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓”

บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม จึงได้ขออนุญาตให้ผู้วิจัยเข้าเก็บรวบรวมข้อมูลการวิจัยกับประชากร/กลุ่มตัวอย่าง คือ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ เพื่อนำข้อมูลไปทำการวิจัยให้บรรลุตามวัตถุประสงค์ดังไป

จึงเรียนมาเพื่อโปรดพิจารณา และหวังเป็นอย่างยิ่งว่าจะได้รับความร่วมมือจากท่านด้วยดี ขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้ RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY

ขอแสดงความนับถือ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.เกรียงศักดิ์ ไพรวรณ)

คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย

บัณฑิตวิทยาลัย

โทรศัพท์, โทรสาร ๐-๔๗๗๒-๔๔๘๘



บันทึกข้อความ

ส่วนราชการ บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม โทร. ๓๐๐

ที่ บว. ว ๑๐๒๑/๒๕๕๘

วันที่ ๒๙ สิงหาคม ๒๕๕๘

เรื่อง เรียนเชิญเป็นผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบเครื่องมือการวิจัย

เรียน อาจารย์จีระนัน เสนอจักษ์

ด้วยนางสาววันทนีย์ ศรีจัง รหัสประจำตัว M๕๐๗๑๔๐๑๐๓ นักศึกษาปริญญาโท สาขาวิชาคณิตศาสตรศึกษา รูปแบบการศึกษากลุ่มเฉพาะทาง ศูนย์มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม กำลังทำวิทยานิพนธ์เรื่อง “การวิเคราะห์มโนทัศน์ที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาดทางการเรียนคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓” เพื่อให้การวิจัยดำเนินไปด้วยความเรียบร้อย บรรลุตามวัตถุประสงค์

บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม จึงโปรดเรียนเชิญท่านเป็นผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบเครื่องมือการวิจัย ตรวจสอบความถูกต้องเหมาะสมสมด้านเนื้อหา ภาษา สถิติ การวัดและประเมินผล ดังเอกสารที่แนบมาพร้อมนี้

จึงเรียนมาเพื่อโปรดพิจารณา และหวังเป็นอย่างยิ่งว่าจะได้รับความร่วมมือจากท่านด้วยดี ขอขอบคุณ
มา ณ โอกาสนี้

มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.เกรียงศักดิ์ ไพรวรณ)
คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย



บันทึกข้อความ

ส่วนราชการ บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม โทร. ๓๐๐

ที่ บ. ๑๐๑๗/๒๕๕๔

วันที่ ๒๙ สิงหาคม ๒๕๕๔

เรื่อง เรียนเชิญเป็นผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบเครื่องมือการวิจัย

เรียน อาจารย์ชีรารจน์ กุตผลลง

ด้วยนางสาววันนนี ศรีจัง รหัสประจำตัว M5007000000 นักศึกษาปริญญาโท สาขาวิชาคณิตศาสตรศึกษา รูปแบบการศึกษานอกเวลาการเรียน ศูนย์มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม กำลังทำวิทยานิพนธ์เรื่อง “การวิเคราะห์มนิทัศน์ที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาดทางการเรียนคณิตศาสตร์” เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ขั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓” เพื่อให้การวิจัยดำเนินไปด้วยความเรียบร้อย บรรลุตามวัตถุประสงค์

บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม จึงได้ขอเรียนเชิญท่านเป็นผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบเครื่องมือการวิจัย ตรวจสอบความถูกต้องเหมาะสมสมด้านเนื้อหา ภาษาการวิจัย ดังเอกสารที่แนบมาพร้อมนี้

จึงเรียนมาเพื่อโปรดพิจารณา และหวังเป็นอย่างยิ่งว่าจะได้รับความร่วมมือจากท่านด้วยดี ขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้

มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม (ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.เกรียงศักดิ์ ไพรวรรรณ)

คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย
RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY



บันทึกข้อความ

ส่วนราชการ บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม โทร. ๓๐๐
ที่ บ. ๑๐๖๐/๒๕๕๕ วันที่ ๒๙ สิงหาคม ๒๕๕๕
เรื่อง เรียนเชิญเป็นผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบเครื่องมือการวิจัย

เรียน อาจารย์วิจิตร ใจชื่อ

ด้วยนางสาววันนี้ย์ ศรีจัง รหัสประจำตัว M๕๐๒๑๕๐๑๓ นักศึกษาปริญญาโท สาขาวิชาคณิตศาสตร์ศึกษา รูปแบบการศึกษานอกเวลาการเรียน ศูนย์มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม กำลังทำวิทยานิพนธ์เรื่อง “การวิเคราะห์มโนทัศน์ที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาดทางการเรียนคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรขั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓” เพื่อให้การวิจัยดำเนินไปด้วยความเรียบร้อย บรรลุตามวัตถุประสงค์

บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม จึงได้ขอเรียนเชิญท่านเป็นผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบเครื่องมือการวิจัย ตรวจสอบความถูกต้องเหมาะสมด้านการวัดและประเมินผล ดังเอกสารที่แนบมาพร้อมนี้

จึงเรียนมาเพื่อโปรดพิจารณา และหวังเป็นอย่างยิ่งว่าจะได้รับความร่วมมือจากท่านด้วยดี ขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้

มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.เกรียงศักดิ์ ไพรวรรรณ)
คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย