

## บทที่ 3

### วิธีดำเนินการวิจัย

การวิจัยเรื่องการศึกษาความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิตของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 มีขั้นตอนในการดำเนินการวิจัยเป็น 3 ระยะ ดังนี้  
ระยะที่ 1 พัฒนาเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไป  
เชิงพีชคณิต โดยการสนทนากลุ่ม (Focus Group)

ขั้นตอนที่ 1 ศึกษา สังเคราะห์ องค์ความรู้เกี่ยวกับการสร้างความเป็นกรณี  
ทั่วไปเชิงพีชคณิต และเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิง  
พีชคณิต

ขั้นตอนที่ 2 พัฒนาเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็น  
กรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต

ขั้นตอนที่ 3 สนทนากลุ่ม (Focus Group) เพื่อตรวจสอบและปรับปรุงเกณฑ์  
การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต

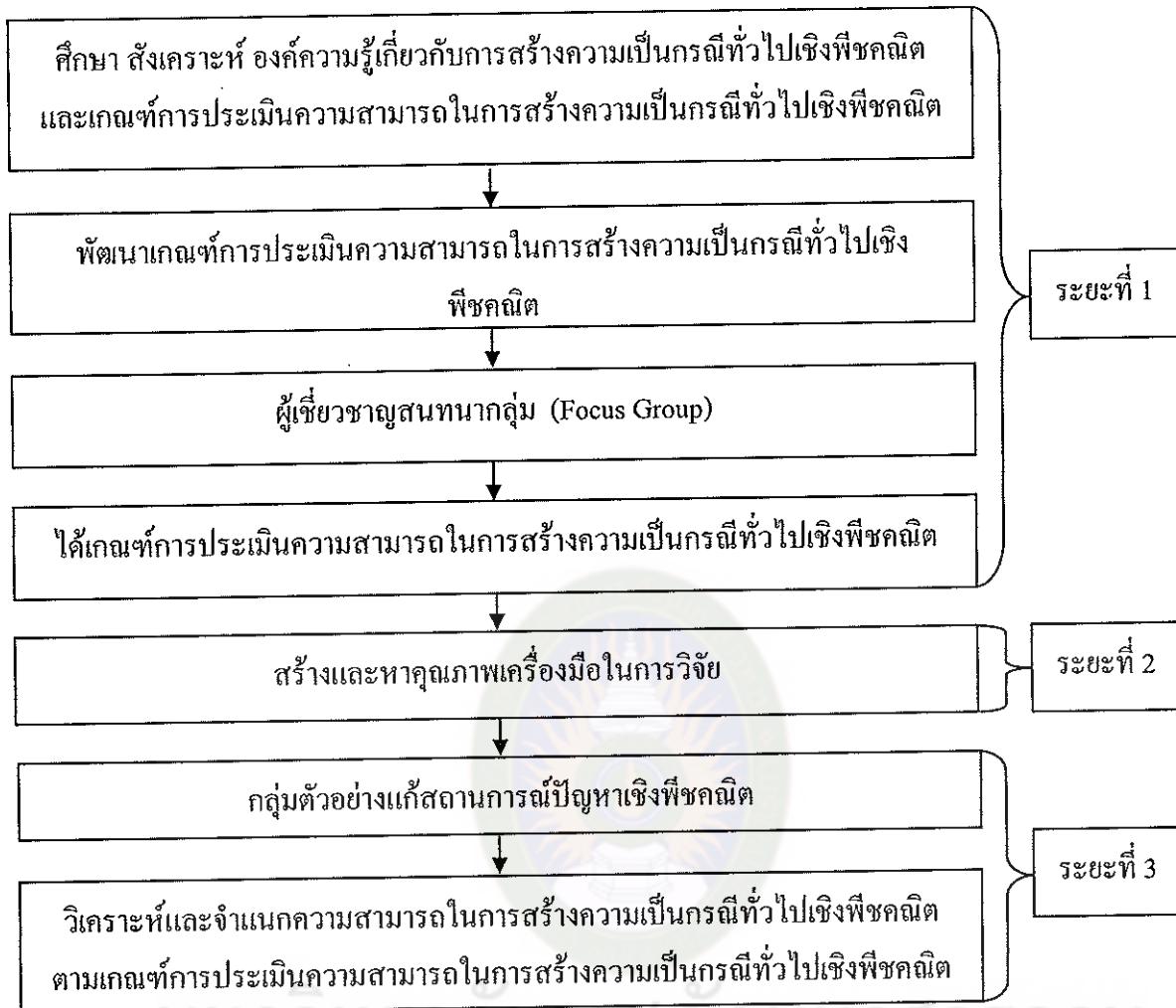
ระยะที่ 2 สร้างและหาคุณภาพเครื่องมือในการวิจัย

เครื่องมือในการวิจัยเป็นแบบทดสอบสถานการณ์ปัญหาเชิงพีชคณิต

จำนวน 5 ข้อ

ระยะที่ 3 ศึกษาความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิตของ  
นักเรียนกลุ่มตัวอย่าง

รายละเอียดของแต่ละระยะเป็นไปตามขั้นตอนในแผนภาพที่ 6 ดังนี้



#### แผนภาพที่ 6 ขั้นตอนการดำเนินการวิจัย

ระยะที่ 1 พัฒนาเกณฑ์เพื่อประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไป เชิงพีชคณิต โดยการสนทนากลุ่ม (Focus Group) ประกอบด้วยขั้นตอนต่าง ๆ ดังต่อไปนี้

ขั้นตอนที่ 1 ศึกษา สังเคราะห์ องค์ความรู้เกี่ยวกับการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิง พีชคณิต จากเอกสารและงานวิจัยของ ฮาร์ลและทอลล์ (Harel and Tall. 1991 : 38 – 42) เพ็กก์และเรดเดน (Pegg and Redden. 1990 : 386 – 390) ออร์ทันและออร์ทัน (Orton and Orton. 1999 : 104 – 120) สตาเคนย์ (Stacey. 1989 : 147 – 164) 希ลล์และไฮล์แลต์ (Healy and Hoyles. 1999 : 59 – 84) สาฟฟอร์ดและแลนกรอลล์ (Swafford and Langrall. 2000 : 89 – 112) แลนนิน บาร์กอร์ และ ทาวน์เซนด์ (Lannin, Barker and Townsend. 2006 : 3 – 28) และครูเต็สกี (Krutetskii. 1976 : 188 – 222) และทาวน์เซนด์ (Townsend. 2005 : 23 – 46)

พบว่า ในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต มีการอ้างเหตุผล 2 แบบ ได้แก่ การอ้างเหตุผลเชิงบริบท และการอ้างเหตุผลเชิงตัวเลข กลวิธีที่ใช้ในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิง มี 4 กลวิธี ได้แก่ กลวิธีโดยปริยายของเหตุการณ์ กลวิธีการเปลี่ยนแปลงตามลำดับของเหตุการณ์ กลวิธีการเชื่อมโยงของเหตุการณ์ และกลวิธีการสมมูลานของเหตุการณ์ ส่วนความยึดหยุ่นในการใช้กลวิธีเพื่อสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต มีทั้งหมด 2 ประเภท ได้แก่ ความยึดหยุ่นแบบภายในสถานการณ์ปัญหา และความยึดหยุ่นแบบไขว้สถานการณ์ปัญหา โดยกลวิธีที่ใช้ในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิตที่มีลักษณะการอ้างเหตุผลเชิงบริบทและตัวเลขจะเป็นตัวกำหนดระดับการใช้กลวิธีในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต และระดับการใช้กลวิธีในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิตจะเป็นตัวกำหนดความระดับความยึดหยุ่นในการใช้กลวิธีเพื่อสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต และศึกษา สังเคราะห์องค์ความรู้เกี่ยวกับเกณฑ์การประเมินจากเอกสารของกระทรวงศึกษาธิการ (2546 : 121-124) แผนการศึกษาแห่งรัฐแคลิฟอร์เนีย (California State Department of education. 1989 : ออนไลน์) สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี (2554 : 215) กลุ่มนิเทศและติดตามผล สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษาปัตตานี เขต 1 (2555 : ออนไลน์) เพื่อหาแนวทางการตั้งเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต พบว่า ในการตั้งเกณฑ์การประเมินจะต้องมีการกำหนดเกณฑ์การให้คะแนน โดยเกณฑ์การให้คะแนนที่ยอมรับและนำมาใช้กันอย่างแพร่หลายในปัจจุบัน คือ การให้คะแนนโดยใช้เกณฑ์แบบรูบrikic (Rubric Scoring) ซึ่งเป็นเกณฑ์ที่ประเมินจากผลงานที่นักเรียนทำหรือพฤติกรรมที่นักเรียนแสดงออก มีการกำหนดระดับคะแนนพร้อมระบุรายละเอียดของผลงานหรือพฤติกรรมของนักเรียน ไว้อย่างชัดเจน และเป็นรูปธรรม

## **ขั้นตอนที่ 2 พัฒนาเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต**

1. กำหนดเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต โดยกำหนดจากข้อมูลที่ได้จากการศึกษา สังเคราะห์องค์ความรู้เกี่ยวกับการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต และเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต

### **2. นำเกณฑ์การประเมินที่กำหนดขึ้นเสนอต่อคณะกรรมการควบคุม**

1. วิทยานิพนธ์เพื่อพิจารณาความเหมาะสมของเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้าง

ความเป็นกรณีที่ว่าไปเชิงพิชิต คำแนะนำ มีดังนี้คือ คำอธิบายระดับความสามารถยังไม่ชัดเจน กะทัดรัด และใช้คำฟุ่มเฟือย และเกณฑ์การพิจารณาความยืดหยุ่นมากเกินไป และยังมีเกณฑ์ที่ซ้ำกันอยู่หลายข้อควรปรับให้อยู่ในเกณฑ์เดียวกัน นำข้อเสนอแนะของคณะกรรมการควบคุมวิทยานิพนธ์มาปรับปรุงแก้ไข ดังแสดงในภาคผนวก ค

**ขั้นตอนที่ 3 สนทนากลุ่ม (Focus Group) เพื่อตรวจสอบและปรับปรุงเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีที่ว่าไปเชิงพิชิต มีลำดับดังนี้**

1. จัดการสนทนากลุ่ม (Focus Group) ซึ่งดำเนินการจัดสนทนาในวันศุกร์ ที่ 14 กันยายน ณ ห้อง 150408 อาคารเนคินพระเกียรติ 72 พรรษา มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม โดยเชิญผู้เชี่ยวชาญจำนวน 9 ท่านซึ่งเป็นผู้มีความรู้ ประสบการณ์ และความเชี่ยวชาญด้านการสร้างความเป็นกรณีที่ว่าไปเชิงพิชิต ด้านคณิตศาสตรศึกษา และด้านการวิจัยทางคณิตศาสตรศึกษา นาร่วมพิจารณาถึงความเหมาะสมของเกณฑ์การประเมินผู้เชี่ยวชาญ ได้แก่

ศ.กิตติคุณ ดร. ยุพิน พิพิธกุล ค.ด. (คณิตศาสตรศึกษา) นักวิชาการ

อิสรร

ศ.ดร. บรรพต สุวรรณประเสริฐ Ed.D. (Curriculum and Supervision : เน้นทางหลักสูตรคณิตศาสตร์) มหาวิทยาลัยเยอรมัน

รศ.ดร.ปรีชา เมาวรรษ์ย์เพ็ญ ค.ศ. (คณิตศาสตรศึกษา)

มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช

ศ.ดร.อรพรรณ ตันบรรจง Ed.D. (Mathematics Education)  
มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์

ผศ.ดร. เวชฤทธิ์ อังกันะภัทรขจร ค.ศ. (คณิตศาสตรศึกษา)

มหาวิทยาลัยบูรพา

ผศ.ว่าที่ ร.ต.ดร.อรัญ ชัยกระเดื่อง ป.ร.ด. (การวัดและประเมินผล) มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม

ดร. สุพัตรา พาติวิสันต์ Ph.D (Mathematics Education) สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี

ดร. ชาญกุวงศ์ เฮียงราช Ph.D. (Mathematics Education)  
มหาวิทยาลัยขอนแก่น

ดร. ณูญภัทร สีหะมงคล กศ.ด. (การทดสอบและการวัดผล)

## มหาวิทยาลัยมหาสารคาม

เพื่อตรวจสอบและปรับปรุงเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพิชณิต โดยก่อนวันสันหนนา 2 สัปดาห์ ผู้วิจัยได้ส่งเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพิชณิตที่พัฒนาขึ้นให้ผู้เชี่ยวชาญได้พิจารณาล่วงหน้า ในการสันหนนา ก่อนครั้งนี้ ผู้เชี่ยวชาญแต่ละท่านได้อภิปรายข้อมูลที่เหมาะสมที่จะนำมาเป็นเกณฑ์ในการพิจารณาเกณฑ์ครั้งนี้ได้นำข้อเสนอแนะของผู้เชี่ยวชาญบางท่านที่ไม่สามารถเข้าร่วมการสันหนนา ก่อนได้ แต่ได้มอบเอกสารมาให้ที่สันหนนาได้พิจารณาด้วย ผลการสันหนนา ก่อนครั้งนี้ได้ว่า ให้ปรับปรุงการเรียนเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพิชณิต ดังนี้

1. เกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพิชณิตที่นำเสนอยังกระจัดกระจาย มีความซ้ำซ้อน ทำให้ลำบากในการนำไปประเมิน ควรจัดเรื่องเดียวกันให้อยู่ในกลุ่มเดียวกัน เนื่องให้กะทัดรัด ชัดเจน เรียงลำดับระดับการประเมินจาก ถูง ปานกลาง และต่ำ

2. เกณฑ์การพิจารณาความยืดหยุ่นในการใช้กลวิธีเพื่อสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพิชณิตบางกรณีมีความเข้มงวดมากเกินไป การปรับให้เหมาะสมกับนักเรียนไทยจากการสันหนนา ได้ปรับเกณฑ์การพิจารณาใหม่โดยปรับผลการพิจารณาจาก ต่ำ เป็น ปานกลาง 2 กรณี

3. เกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพิชณิตควรปรับจากคะแนนที่ได้จากการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพิชณิต เป็นร้อยละของคะแนนรวมที่ได้ โดยให้พิจารณาเปรียบเทียบจากเกณฑ์การให้คะแนนการทำแบบทดสอบสถานการณ์ปัญหาเชิงพิชณิตของนักเรียนรายข้อ

นำข้อเสนอแนะจากผลการสันหนนา ก่อนมาพัฒนาจนได้เป็นเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพิชณิต ผู้วิจัยได้นำเสนอเกณฑ์ที่ได้พัฒนาเรียบร้อยแล้วนี้ต่อคณะกรรมการคุณวิทยานิพนธ์เพื่อตรวจสอบ พบว่า ไม่มีข้อเสนอแนะ แล้วจึงนำเสนอผู้เชี่ยวชาญทั้ง 9 ท่านตรวจสอบอีกครั้งหนึ่ง พบร่วมกันว่า เกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพิชณิตที่พัฒนาตามผลการสันหนนา ก่อน (Focus Group) ได้รับการอนุมัติให้นำไปใช้ได้

เกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต เป็นดังนี้

#### เกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต

ในการประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต จะต้องเป็นไปตาม 2 สิ่ง คือ ร้อยละของคะแนนรวมที่ได้จากการทำแบบทดสอบสถานการณ์ปัญหา และระดับความยึดหยุ่นในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต

ระดับ ความสามารถ	คำอธิบาย
สูง	นักเรียนได้คะแนนรวมอย่างน้อยร้อยละ 80 และมีความยึดหยุ่นในระดับสูง
	นักเรียนได้คะแนนรวมอย่างน้อยร้อยละ 80 และมีความยึดหยุ่นในระดับปานกลาง
ปานกลาง	นักเรียนได้คะแนนรวมอย่างน้อยร้อยละ 80 และมีความยึดหยุ่นในระดับต่ำ
	นักเรียนได้คะแนนรวมร้อยละ 50 – 79 และมีความยึดหยุ่นในระดับสูง
	นักเรียนได้คะแนนรวมร้อยละ 50 – 79 และมีความยึดหยุ่นในระดับปานกลาง
	นักเรียนได้คะแนนรวมไม่เกินร้อยละ 49 และมีความยึดหยุ่นในระดับสูง
ต่ำ	นักเรียนได้คะแนนรวมร้อยละ 50 – 79 และมีความยึดหยุ่นในระดับต่ำ
	นักเรียนได้คะแนนรวมไม่เกินร้อยละ 49 และมีความยึดหยุ่นในระดับปานกลาง
	นักเรียนได้คะแนนรวมไม่เกินร้อยละ 49 และมีความยึดหยุ่นในระดับต่ำ
	นักเรียนไม่สามารถสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิตได้

ระยะที่ 2 สร้างและหาคุณภาพเครื่องมือในการวิจัย  
การสร้างและหาคุณภาพเครื่องมือในการวิจัย ซึ่ง ได้แก่แบบทดสอบสถานการณ์ปัญหาเชิงพีชคณิต มีขั้นตอนดังนี้

- ศึกษาและวิเคราะห์ตัวชี้วัดและสาระการเรียนรู้แกนกลาง กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ระดับมัธยมศึกษาตอนต้น ตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 เพื่อนำมาสร้างแบบทดสอบสถานการณ์ปัญหาเชิงพีชคณิต จากการศึกษาพบว่า ตัวชี้วัด ค 4.2 ม. 1/1, ค 4.2 ม.1/2, ค 4.2 ม. 1/3 และ ค 4.2 ม.2/1 กล่าวถึง สาระพีชคณิต เรื่อง แบบรูปและความสัมพันธ์ และ สมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวและการนำไปใช้ ที่

นักเรียนในชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 และชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 จะต้องเรียน และจากการพิจารณา โครงสร้างรายวิชาคณิตศาสตร์ พบว่า เรื่องแบบรูปและความความสัมพันธ์ และสมการเชิงเส้น เรียนในภาคเรียนที่ 2 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 และในภาคเรียนที่ 1 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 สำหรับตัวชี้วัด ค 1.1 ม.1/1, ค 1.2 ม. 1/1 และ ค 1.2 ม. 1/2 ก่อให้เกิด สาระจำนวนและการดำเนินการ เรื่อง เลขยกกำลัง ที่นักเรียนในชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 จะต้องเรียน และจากการพิจารณา โครงสร้างรายวิชาคณิตศาสตร์ พบว่า เรื่องเลขยกกำลัง เรียนในภาคเรียนที่ 1 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1

2. นำผลการวิเคราะห์จากข้อ 1 มาสร้างแบบทดสอบสถานการณ์ปัญหาเชิงพีชคณิต ทั้งหมดจำนวน 5 ข้อ ที่ต้องนำความรู้เรื่องแบบรูปและความสัมพันธ์เกี่ยวกับสมการเชิงเส้นและเลขยกกำลังมาใช้เป็นโยงกับสถานการณ์ในชีวิตจริง จากนั้นนำเสนอแบบทดสอบต่อคณะกรรมการควบคุมวิทยานิพนธ์เพื่อตรวจสอบความถูกต้อง เหมาะสมในประเด็นสถานการณ์ปัญหา และภาษาที่ใช้ ซึ่งมีคะแนนนำ ดังนี้คือ การใช้ภาษาควรให้เหมาะสมกับวัยและระดับชั้น สถานการณ์ปัญหาควรให้ใกล้เคียงกับสถานการณ์จริงและไม่ยากเกินไป ไม่ควรใช้คำฟุ่มเฟือย และสถานการณ์ปัญหาควรเปิดโอกาสให้นักเรียนได้คิดหาคำตอบอย่างหลากหลาย นำข้อแนะนำของคณะกรรมการควบคุมวิทยานิพนธ์มาปรับปรุงแก้ไข แล้วเสนอผู้เชี่ยวชาญ 3 ท่านเพื่อตรวจสอบคุณภาพของแบบทดสอบสถานการณ์ปัญหาเชิงพีชคณิต ได้แก่

ดร.ชาญณรงค์ เอี่ยงරาช Ph.D. (Mathematics Education)

มหาวิทยาลัยขอนแก่น ผู้เชี่ยวชาญด้านการสร้างความเป็นกรณิท์ไว้ไปเชิงพีชคณิต

คุณครูสวัสดิ์ จันทมนตรี ว.ท.ม. (การสอนคณิตศาสตร์) โรงเรียนสารคามพิทยาคม จังหวัดมหาสารคาม ผู้เชี่ยวชาญด้านสถานการณ์ปัญหาเชิงพีชคณิต และการจัดการเรียนรู้พีชคณิต

คุณครูพรสวรรค์ พิมพ์พนิตย์ กศ.ม. (การวัดผลการศึกษา)

โรงเรียนพดุงนารี จังหวัดมหาสารคาม ผู้เชี่ยวชาญด้านการจัดการเรียนรู้พีชคณิต และวัดผลประเมินผล

3. ผู้เชี่ยวชาญประเมินความสอดคล้องระหว่างแบบทดสอบกับมาตรฐานประสงค์เชิงพฤติกรรม (Item – objective Congruence Index : IOC) (ໄປສາດ ວຽກ 1. 2554 : 262-263) โดยมีเกณฑ์ดังนี้

สอดคล้อง จะมีคะแนนเป็น +1

ไม่แน่ใจ จะมีคะแนนเป็น 0

ไม่สอดคล้อง จะมีคะแนนเป็น -1

ตัวอย่าง แบบประเมินความสอดคล้องระหว่างแบบทดสอบกับจุดประสงค์เชิง

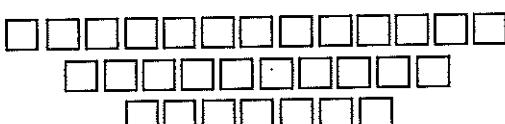
พฤติกรรมที่ต้องการวัดจากแบบทดสอบ

คำชี้แจง โปรดพิจารณาแบบทดสอบแต่ละข้อต่อไปนี้ว่าสอดคล้องกับ  
จุดประสงค์เชิงพฤติกรรมหรือไม่ โดยใช้เครื่องหมาย ✓ ลงในช่องคะแนน การพิจารณา  
ตามความเห็นของท่าน

ก) ✓ ในช่อง +1 เมื่อแน่ใจว่าแบบทดสอบสอดคล้องกับจุดประสงค์

ก) ✓ ในช่อง 0 เมื่อไม่แน่ใจว่าแบบทดสอบสอดคล้องกับจุดประสงค์

ก) ✓ ในช่อง -1 เมื่อแน่ใจว่าแบบทดสอบสอดคล้องกับจุดประสงค์

จุดประสงค์เชิง พฤติกรรม	แบบทดสอบ	ผลการประเมิน		
		+1	0	-1
1. นักเรียนสามารถ แสดงวิธีแก้ สถานการณ์ปัญหา เกี่ยวกับสมการเชิง เส้นได้	<p>1. ปัญหาที่นั่งในโรงอาหาร</p> <p>โรงอาหารครัวแห่งหนึ่งจัดที่นั่งสำหรับผู้ชม ดังนี้</p> <p>แฉวแรกมีที่นั่ง 7 ที่ แฉวต่อมาเพิ่มขึ้น เรื่อยๆ ดังแผนภาพด้านล่างนี้</p>  <p>อยากรบไว้ว่า</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>แฉวที่ 4, 5, 10, 20, และ 38 แต่ละ แฉวมีที่นั่งจำนวนเท่าใด จงแสดงวิธีหาคำตอบ</li> <li>แฉวที่ 138 มีที่นั่งจำนวนเท่าใด จง แสดงวิธีหาคำตอบ</li> <li>ท่านสามารถสรุปเป็นกฎในการ</li> </ol>			

ชุดประสงค์เชิง พฤติกรรม	แบบทดสอบ	ผลการประเมิน		
		+1	0	-1
	คำนวณหาจำนวนที่นั่งในแต่ละแควได้อย่างไร ของชิบาย			
รวม				

4. ผู้วิจัยนำผลการประเมินความสอดคล้องมาคำนวณค่า IOC โดยใช้สูตร  
ดังนี้ความสอดคล้อง IOC (ไฟศาล วรคा. 2554 : 262 - 263) เลือกข้อสอบที่ได้ค่า IOC  
ตั้งแต่ 0.6 ขึ้นไปเป็นแบบสอบถามที่อยู่ในเกณฑ์ความเที่ยงตรงที่ใช้ได้ ปรากฏว่า  
แบบทดสอบทั้ง 5 ข้อ ที่มีค่า IOC อยู่ระหว่าง 0.67 – 1.00 และนำข้อเสนอแนะจาก  
ผู้เชี่ยวชาญมาปรับปรุงแก้ไขสถานการณ์ปัญหาให้มีความสมบูรณ์ยิ่งขึ้น

ข้อเสนอแนะของผู้เชี่ยวชาญและการแก้ไขสถานการณ์ปัญหาเชิงพืชคณิต เป็นดังนี้

1. ควรมีการปรับปรุงคำในสถานการณ์ปัญหาโดยเพิ่มคำที่ทำให้มีความ  
ชัดเจนและเข้าใจง่ายขึ้น เช่น จาก “การ์แคร์แห่งหนึ่งมีพนักงานทั้งหมด 40 คน สามารถถ้าง  
รถได้ 100 คน ในเวลาเพียง 2 ชั่วโมง” เป็น “การ์แคร์แห่งหนึ่งมีพนักงานทั้งหมด 40 คน  
สามารถถ้างรถได้ 100 คน โดยใช้เวลาเพียง 2 ชั่วโมง”

2. ควรลดระดับความซับซ้อนและความยากของสถานการณ์ให้น้อยลง  
และค่าต่าง ๆ ที่ตามไม่ควรมีจำนวนมากจนเกินไป  
แล้วนำแบบทดสอบสถานการณ์ปัญหาเชิงพืชคณิตที่ปรับปรุงเรียบร้อยแล้ว  
เสนอต่อคณะกรรมการควบคุมวิทยานิพนธ์เพื่อตรวจสอบความถูกต้องอีกรอบหนึ่ง

5. นำแบบทดสอบสถานการณ์ปัญหาเชิงพืชคณิตไปทดลองใช้  
(try – out) กับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โรงเรียนวิปปัฐม จำนวน 30 คน ซึ่งเป็น  
นักเรียนที่มีลักษณะใกล้เคียงกับนักเรียนกลุ่มตัวอย่าง เพื่อวิเคราะห์หาค่าความยาก (P) และ  
ค่าอำนาจจำแนก (D) ของสถานการณ์ปัญหาเป็นรายข้อ ตามสูตรของวิทนีย์และชาเบอร์ส  
(ไฟศาล วรคा. 2554 : 288 – 298) และคัดเลือกสถานการณ์ปัญหาที่มีค่าความยาก (P) ตั้งแต่  
0.2 ถึง 0.8 และค่าอำนาจจำแนก (D) ตั้งแต่ 0.2 ถึง 1.0 ซึ่งผลการวิเคราะห์ปรากฏว่า  
สถานการณ์ปัญหาเชิงพืชคณิตทั้ง 5 ข้อ อยู่ในเกณฑ์ที่สามารถใช้ได้ ซึ่งมีค่าความยาก (P)  
ตั้งแต่ 0.42 – 0.71 และมีค่าอำนาจจำแนก (D) ตั้งแต่ 0.58 – 0.72

6. นำแบบทดสอบจำนวน 5 ข้อมาวิเคราะห์หาความเชื่อมั่น (Reliability) ของแบบทดสอบทั้งฉบับ โดยใช้สัมประสิทธิ์แอลfaของครอนบาก (Cronbach's Alpha Coefficient Method) ซึ่งต้องได้ค่าความเชื่อมั่นเท่ากับ 0.7 - 1.0 ขึ้นไปจึงจะถือว่าเป็น ข้อสอบที่ใช้ได้ ผลการวิเคราะห์ปรากฏว่า แบบทดสอบมีค่าความเชื่อมั่น เท่ากับ 0.78

7. นำแบบทดสอบมาปรับปรุงแก้ไขให้เรียบร้อย แล้วจัดพิมพ์แบบทดสอบ สถานการณ์ปัญหาเชิงพีชคณิตเป็นฉบับสมบูรณ์เพื่อนำไปใช้ในการเก็บรวบรวมข้อมูลต่อไป

### ระยะที่ 3 การศึกษาความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต มี ลำดับขั้นตอนดังนี้

#### 1. กำหนดประชากรและกลุ่มตัวอย่าง

ประชากร ที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ ได้แก่ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ที่เรียนใน ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2555 จากโรงเรียนในเขตอำเภอเมืองมหาสารคาม สังกัด สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษามหาสารคาม เขต 1 สังกัดสำนักงานเขตพื้นที่ การศึกษามัธยมศึกษา เขต 26 สังกัดองค์กรบริหารส่วนจังหวัด สังกัดเทศบาลเมือง มหาสารคาม และโรงเรียนสาธิตมหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม รวมทั้งสิ้น 2,756 คน

กลุ่มตัวอย่าง ที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ ได้แก่ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ที่มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์สูง ปานกลาง และต่ำ ในภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2555 ของแต่ละโรงเรียนในเขตอำเภอเมืองมหาสารคามทุกสังกัด สังกัดละ 2 โรงเรียน โรงเรียนละ 6 คน รวมทั้งสิ้น 54 คน รายละเอียดของประชากรและกลุ่มตัวอย่าง ที่ใช้ในการวิจัย ดังแสดงในตารางที่ 12 ดังนี้

ตารางที่ 12 จำนวนประชากรและกลุ่มตัวอย่าง

สังกัด	ประชากร		กลุ่มตัวอย่าง	
	โรงเรียน	จำนวน	โรงเรียน	จำนวน
เขต 1	อนุบาลมหาสารคาม	55		
	บ้านท่าสองคอน	10		
	บ้านพินลาด	24		
	บ้านดอนดูนดอนโถ	20		
	บ้านแม่นไหญี่	25		
	บ้านหนองโนอีคำ	21		
	บ้านภูดิน	17		
	บ้านดอนหว่านหัวหนอง	16		
	บ้านบัวค้อ	21		
	บ้านเขวา “รัฐประชา วิทยาการ”	30		
	บ้านท่าตุมดอนเรือ	25		
	โถท่าจาม	26		
เขต 26	ชุมชนบ้านลาด	26	อนุบาลมหาสารคาม	6
	บ้านคงน้อย	21	บ้านท่าสองคอน	6
	บ้านหนองกู่	18		
	รวม	355	รวม	12
องค์การบริหาร ส่วนจังหวัด	สารคามพิทยาคม	968		
	มหาชัยวิทยาคาร	85		
	พดุงนารี	840	สารคามพิทยาคม	6
	มหาวิชานุกูล	70	มหาชัยวิทยาคาร	6
	รวม	1,963	รวม	12
	โภกภ่องพิทยาคม	66	โภกภ่องพิทยาคม	6
	เก็งวิทยานุกูล	60	เก็งวิทยานุกูล	6
	รวม	126	รวม	12

สังกัด	ประชากร		กลุ่มตัวอย่าง	
	โรงเรียน	จำนวน	โรงเรียน	จำนวน
เทศบาลเมือง มหาสารคาม	เทศบาลบูรพาพิทยาการ	114		
	เทศบาลบ้านส่องนางไย	58		
	เทศบาลศรีสวัสดิ์วิทยา	35	เทศบาลบูรพาพิทยาการ	6
	เทศบาลสามัคคีวิทยา	35	เทศบาลบ้านส่องนางไย	6
รวม		242	รวม	12
โรงเรียนสาธิต มหาวิทยาลัย มหาสารคาม	สาธิตมหาวิทยาลัยราชภัฏ	70	สาธิตมหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม	6
	มหาสารคาม			
	รวม	70	รวม	6
รวมทั้งสิ้น		2,756		54

นำกลุ่มตัวอย่างทั้งหมดมาจำแนกใหม่เป็น 3 กลุ่มอีกรึ่งหนึ่ง ตามคะแนนที่ได้จาก  
การทำแบบทดสอบซึ่งผู้วิจัยได้คัดเลือกมาจากแบบทดสอบของการทดสอบการศึกษา  
ระดับชาติขั้นพื้นฐาน (Ordinary National Educational Test, [O – net]) ประจำปีการศึกษา  
2551 – 2553 จำนวน 45 ข้อ แล้วนำเสนอผู้เชี่ยวชาญ 5 ท่านเพื่อตรวจสอบความเหมาะสม  
และคัดเลือกไว้จำนวน 30 ข้อ นำไปทดสอบกลุ่มตัวอย่างเพื่อจำแนกผู้เรียนตามคะแนนที่ได้  
เพื่อจัดระดับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์ ตามเกณฑ์ต่อไปนี้

คะแนนที่ได้

ระดับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

ตั้งแต่ร้อยละ 75 ขึ้นไป

สูง

ร้อยละ 60 – 74

ปานกลาง

น้อยกว่าร้อยละ 60

ต่ำ

ผลการจำแนกจะได้กลุ่มตัวอย่าง ดังแสดงในตารางที่ 13 ดังนี้

**ตารางที่ 13 กลุ่มตัวอย่างที่ใช้ในการศึกษาความสามารถในการสร้างความเป็นกรีท์ท์ไวไปเชิงพีชคณิต**

เพศ	ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน			รวม
	สูง	ปานกลาง	ต่ำ	
ชาย	4	7	6	17
หญิง	9	15	13	37
รวม	13	22	19	54

2. นำหนังสือจากบัณฑิตวิทยาลัยถึงผู้อำนวยการ โรงเรียนอนุบาลมหาสารคาม โรงเรียนบ้านท่าสองคน โรงเรียนสารคามพิทยาคม โรงเรียนมหาชัยพิทยาการ โรงเรียนโภกgorพิทยาคม โรงเรียนเก็งวิทยานุกูล โรงเรียนเทศบาลนรภพพิทยาการ โรงเรียนเทศบาลบ้านส่องนางไย และโรงเรียนสาธิตมหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม เพื่อขอความอนุเคราะห์ในการเก็บรวบรวมข้อมูลจากกลุ่มตัวอย่างและกำหนดค่าวันเวลาในการดำเนินการเก็บรวบรวมข้อมูล

3. จัดเจงวัตถุประสงค์ของการวิจัย บทบาทหน้าที่ของกลุ่มตัวอย่างในการทำวิจัย กำหนดค่าวันเวลาที่จะทำการเก็บรวบรวมข้อมูลกับกลุ่มตัวอย่าง

4. นำแบบทดสอบสถานการณ์ปัญหาเชิงพีชคณิตจำนวน 5 ข้อ (สถานการณ์ปัญหาเดิมที่ใช้ในระดับที่ 2) ไปทดสอบกับกลุ่มตัวอย่าง จำนวน 54 คน ใช้เวลาในการทดสอบ 1.30 ชั่วโมง คะแนนเต็ม 20 คะแนน

5. นำผลการแก้สถานการณ์ปัญหาของนักเรียนมาวิเคราะห์กวดวิธีที่ใช้ในการสร้างความเป็นกรีท์ท์ไวไปเชิงพีชคณิต ความยืดหยุ่นในการใช้กวดวิธีเพื่อสร้างความเป็นกรีท์ท์ไวไปเชิงพีชคณิต และความสามารถในการสร้างความเป็นกรีท์ท์ไวไปเชิงพีชคณิตตามผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์และตามเพศ

## การวิเคราะห์ข้อมูล

การวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยได้นำข้อมูลที่ได้จากการเก็บรวบรวมมาวิเคราะห์ดังนี้

1. วิเคราะห์กลวิธีที่นักเรียนใช้ในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต และวิเคราะห์ความยึดหยุ่นในการใช้กลวิธีเพื่อสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต โดยเทียบกับเกณฑ์ตามเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต

2. วิเคราะห์ความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิตจำแนกตามผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์ และจำแนกตามเพศ โดยเทียบกับเกณฑ์การประเมินความสามารถในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต

## สถิติที่ใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูล

### 1. สถิติพื้นฐาน

#### 1.1 การแจกแจงความถี่

โดยใช้ตารางแจกแจงความถี่ ซึ่งองค์ประกอบของตารางจะประกอบด้วยส่วนของข้อมูล และส่วนของความถี่ โดยที่ส่วนของข้อมูลจะประกอบด้วยที่อ้างอิงต่าง ๆ และส่วนของความถี่เป็นจำนวนของค่าสังเกตหรือข้อเท็จจริงต่าง ๆ

#### 1.2 ร้อยละ (Percentage)

$$P = \frac{f}{n} \times 100$$

เมื่อ P เป็นค่าร้อยละ

f เป็นจำนวนนักเรียนที่ใช้กลวิธีแบบต่าง ๆ ในการสร้างความเป็นกรณีทั่วไปเชิงพีชคณิต หรือจำนวน

นักเรียนที่มีความยึดหยุ่นในระดับต่าง ๆ

n เป็นจำนวนนักเรียนทั้งหมด

### 2. สถิติที่ใช้ในการหาคุณภาพเครื่องมือ

2.1 การหาค่าความยากของแบบทดสอบอัตนัย หาได้จากสูตรของวิทนี<sup>๔</sup> คะแนนเบอร์ส (ไพศาล วรคำ. 2554 : 288) ดังนี้

$$p = \frac{S_H + S_L - (2N X_{\min})}{2N(X_{\max} - X_{\min})}$$

เมื่อ  $p$  เป็นดัชนีความยาก

$S_H$  เป็นผลรวมคะแนนในกลุ่มสูง

$S_L$  เป็นผลรวมคะแนนในกลุ่มต่ำ

$N$  เป็นจำนวนนักเรียนในกลุ่มสูงหรือกลุ่มต่ำ

$X_{\max}$  เป็นคะแนนสูงสุดในข้อนี้

$X_{\min}$  เป็นคะแนนต่ำสุดในข้อนี้

## 2.2 การหาค่าอำนาจจำแนกของแบบทดสอบอัตนัยสามารถหาได้จากสูตร

ของวิทนีย์และชาเบอร์ส (ไพศาล วรคำ. 2554 : 298 – 299) ดังนี้

$$D = \frac{S_H - S_L}{N(X_{\max} - X_{\min})}$$

เมื่อ  $D$  เป็นอำนาจจำแนกของข้อสอบ

$S_H$  เป็นผลรวมคะแนนในกลุ่มสูง

$S_L$  เป็นผลรวมคะแนนในกลุ่มต่ำ

$N$  เป็นจำนวนนักเรียนในกลุ่มสูงหรือกลุ่มต่ำ

$X_{\max}$  เป็นคะแนนสูงสุดในข้อนี้

$X_{\min}$  เป็นคะแนนต่ำสุดในข้อนี้

## 2.3 หาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบ โดยใช้สัมประสิทธิ์แอลฟาราของ

ครอนบาก (Cronbach's Alpha Coefficient Method) (ไพศาล วรคำ. 2554 : 279-281)

ดังนี้

$$\alpha = \left[ \frac{K}{K-1} \right] \left[ 1 - \frac{\sum S_i^2}{S_t^2} \right]$$

เมื่อ  $\alpha$  เป็นสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบ

$K$  เป็นจำนวนข้อสอบ

$S_i^2$  เป็นความแปรปรวนของคะแนนข้อที่  $i$

$S_t^2$  เป็นความแปรปรวนของคะแนนรวม  $t$

2.4 ตรวจสอบความตรงเชิงเนื้อหาของแบบทดสอบ โดยใช้ดัชนีความสอดคล้องระหว่างแบบทดสอบกับมาตรฐานประสิทธิกรรม (Item-objective Congruence Index : IOC) (ไฟศาล วาร์กា. 2554 : 262-263) ดังนี้

สอดคล้อง จะมีคะแนนเป็น +1

ไม่แน่ใจ จะมีคะแนนเป็น 0

ไม่สอดคล้อง จะมีคะแนนเป็น -1

และหาดัชนีความสอดคล้องได้จาก

$$IOC = \frac{\sum R}{N}$$

เมื่อ IOC เป็นดัชนีความสอดคล้องระหว่างแบบทดสอบกับมาตรฐานประสิทธิกรรม

R เป็นคะแนนระดับความสอดคล้องที่ผู้เชี่ยวชาญแต่ละคนประเมิน  
ในแต่ละข้อ

N เป็นจำนวนผู้เชี่ยวชาญที่ประเมินความสอดคล้องในข้อนั้น

### 3. การวิเคราะห์ข้อมูล

วิเคราะห์ข้อมูลโดยใช้การวิเคราะห์เนื้อหา (Content Analysis) และการพรรณนาวิเคราะห์ (Descriptive Analysis)