

## บทที่ 5

### สรุป อภิปราย และข้อเสนอแนะ

ในการวิจัย เรื่อง การวิเคราะห์โน้ตค้นที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาดทางการเรียน คณิตศาสตร์ เรื่อง การบวก ลบ เศษส่วน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 ผลการวิจัยสรุปได้ดังนี้

#### วัตถุประสงค์ของการวิจัย

เพื่อวิเคราะห์โน้ตค้นที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาดทางการเรียนคณิตศาสตร์ เรื่อง การบวก ลบ เศษส่วน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 มีวัตถุประสงค์เฉพาะดังนี้

- เพื่อศึกษาหาแบบรูปของโน้ตค้นที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาด
- เพื่อศึกษาสาเหตุของการเกิดมาโน้ตค้นที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาด
- เพื่อศึกษาหาแนวทางแก้ไขในโน้ตค้นที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาด

#### สรุปผลการวิจัย

สรุปผลการวิเคราะห์เรื่องการวิเคราะห์โน้ตค้นที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาด ทางการเรียนคณิตศาสตร์ เรื่อง การบวก ลบ เศษส่วน ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 สรุปผลการวิจัยได้ดังนี้

##### 1. แบบรูป

แบบรูปของโน้ตค้นที่คลาดเคลื่อนมี 1 แบบรูป คือ การบิดเบือนทฤษฎีบท กฎ สูตร บทนิยาม และสมบัติ

แบบรูปของข้อผิดพลาดมี 2 แบบรูป คือ ผิดพลาดในเทคนิคการทำ และขาดการตรวจสอบในระหว่างการแก้ปัญหา

##### 2. สาเหตุ

สาเหตุของการเกิดมาโน้ตค้นที่คลาดเคลื่อน คือ ขาดความเข้าใจในความหมายและ หลักการในเรื่อง การบวก ลบ เศษส่วน

สาเหตุของการเกิดข้อผิดพลาด คือ ขาดความรอบคอบในการคิดคำนวณ ขาดการ ไตร่ตรอง และขาดการรอบคอบในการตรวจสอบในระหว่างการแก้ปัญหา

### 3. แนวทางการแก้ไข

แนวทางแก้ไขการเกิดมโนทัศน์ที่คลาดเคลื่อน คือ จัดกิจกรรมการสอนช่องเสริม การฝึกทักษะด้วยนวัตกรรม และด้วยการเสริมแรง

แนวทางการแก้ไขการเกิดข้อผิดพลาด คือ สร้างความตระหนักให้เกิดความรอบคอบ ให้การเสริมแรง และฝึกทักษะ

### อภิปรายผลการวิจัย

การวิเคราะห์มโนทัศน์ที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาดทางการเรียนคณิตศาสตร์ เรื่อง การบวก ลบ เศษส่วน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 สามารถอภิปรายผลของการวิจัย ดังนี้

นักเรียนเกิดมโนทัศน์ที่คลาดเคลื่อนมี 1 แบบรูป คือ การบิดเบือนทฤษฎีบท กฎ สูตร บทนิยาม และสมบัติเกี่ยวกับการบวกและการลบเศษส่วน สาเหตุเกิดจาก “ไม่เข้าใจหลักการบวกและการลบเศษส่วน นักเรียนขาดความเข้าใจพื้นฐานในการบวกและการลบเศษส่วนไม่ถูกต้องมาก่อน นักเรียนนำหลักการแบบผิดๆไปใช้แก้ปัญหา ซึ่งสอดคล้องกับงานวิจัยของ ไนนุก เลืองสุนทร (2552 : 1) พบว่า มโนทัศน์ที่คลาดเคลื่อนในการทำใบงานทัศน์ แบบอัตนัย เรื่อง “จำนวน” ซึ่งประกอบด้วย 3 หัวข้อ คือ สมบัติของจำนวนนับ ระบบจำนวนเต็ม และเลขยกกำลัง เรียงตามลำดับความลึกมากไปหาน้อย คือ ด้านการบิดเบือนทฤษฎีบท กฎ สูตร นิยาม และสมบัติ ด้านขาดการตรวจสอบในระหว่างการแก้ปัญหา ด้านข้อผิดพลาดในเทคนิคการทำ ด้านการใช้ข้อมูลผิด และด้านการตีความด้านภาษา (วรสุดา บุญยิ่วโรจน์, 2537 : 36) โดยมีความคิดว่าคณิตศาสตร์เป็นวิชาที่ยาก พลิกแพลง มีกฎระเบียบที่ต้องห่อจำมาก นักเรียนจึงรู้สึกกลัว ห้อแท้ ขาดความมั่นใจในการเรียน ทำให้ทัศนคติของนักเรียนที่มีต่อการเรียนวิชาคณิตศาสตร์เป็นไปในทางลบมากยิ่งขึ้น

นอกจากนี้ครูผู้สอนไม่เริ่มดันสอนให้นักเรียนเห็นเป็นรูปธรรม ทำให้นักเรียนเกิดความสับสนเกี่ยวนื้อหาซึ่งสอดคล้องกับ (บรรจง สิทธิ 2537 : 18) ได้สรุปสาเหตุของมโนทัศน์ที่คลาดเคลื่อนไว้ว่าเกิดจากเนื้อหาที่เรียนเป็นนามธรรม ทำให้นักเรียนจินตนาการผิดไป ตำราเรียนให้ความรู้ที่ไม่ชัดเจน การได้รับการถ่ายทอดจากผู้ที่มีนิโนทัศน์ที่คลาดเคลื่อนอยู่แล้ว ความสับสนในความหมายของคำ ตลอดจนวุฒิภาวะและพัฒนาการทางสติปัญญาของผู้เรียน แนวทางแก้ไขครูควรสอนคณิตศาสตร์ให้เข้าใจง่ายเริ่มจากสิ่งที่เป็นรูปธรรม มีวิธีสอน หลากหลายน่าสนใจ สอนสนุก สอนให้นักเรียนนำความรู้ไปแก้ปัญหาได้ เปิดโอกาสให้

นักเรียนมีส่วนร่วม สามารถโน้มน้าวให้เด็กสนใจเรียนคณิตศาสตร์ ใช้สื่อการสอนช่วยให้เกิดความสนใจ

ผู้วิจัยคิดว่า เมื่อนักเรียนมีความเข้าใจเกี่ยวกับการดำเนินการบวก ลบ เศษส่วน ต้องอาศัยความรู้พื้นฐานและทักษะการคิดคำนวณจากเนื้อหาเดิมซึ่งมีความต่อเนื่องกัน จึงส่งผลให้นักเรียนมีความรู้ความเข้าใจและมีทักษะการคิดคำนวณ ทำให้เกิดความชำนาญในการใช้หลักการจึงสามารถนำหลักการไปใช้ในการแก้ปัญหาที่ตัวซ้อนได้มากขึ้น ซึ่งสอดคล้องกับหลักการสอนของ Spencer (อ้างใน วิไลรัตน์ เพชรรัตน์, 2533 : 10) ที่ว่าครรภสอนจากเนื้อหาที่จ่ายไปสู่เนื้อหาที่ยาก เพื่อให้การเรียนเป็นไปอย่างมีระเบียบแบบแผนและสัมพันธ์กัน เช่น การสอนวิชาคณิตศาสตร์ในเรื่องการบูรณาการหาระยะต้องสอนการบวกและการลบก่อน นักเรียนจะได้นำความรู้จากการบวกและลบไปใช้ในการเรียนการบูรณาการและหารต่อไปจึงจะเรียนได้ดี และการใช้พื้นที่ของรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส 1 ตารางหน่วยในการสร้างความคิดรวบยอดมีส่วนช่วยให้ นักเรียนมีความคิดรวบยอดเกี่ยวกับเรื่องเศษส่วนและมีทักษะการคิดคำนวณในเรื่องดังกล่าว ด้วย กล่าวถือ นักเรียนไม่เกิดความสับสนเกี่ยวกับการเรียนเศษส่วนที่แสดงแทนรูปภาพ ทั้งนี้ เนื่องจากการจัดเรียนเรียนการสอนที่ผ่านๆมา ให้นักเรียนเรียนเศษส่วนเพื่อแสดงแทน ความหมายของเศษส่วนจากของหนึ่งหน่วยและจากของหนึ่งก้อน ทำให้นักเรียนเกิดความสับสนซึ่งสอดคล้องกับที่ พน (1998 : 2) ได้กล่าวไว้ว่า การอธิบายความคิดรวบยอดเกี่ยวกับ ความหมายของเศษส่วน ให้แก่นักเรียนที่ยังไม่มีความชัดเจนจะส่งผลให้นักเรียนไม่เข้าใจและเกิดความสับสน ทั้งนี้ผู้วิจัยใช้หลักการสอนจากรูปธรรมไปสู่namธรรมโดยให้นักเรียนสังเกต รูปภาพที่กำหนดให้เพื่อเชื่อมโยงเข้าสู่ความคิดรวบยอดและหลักการคิดคำนวณแต่ละ เนื้อหา ดังที่ มาลา ปานุวงศ์ (2542 : 63) ได้กล่าวว่า การใช้รูปภาพ กราฟและเส้นจำนวน เป็นวิธีช่วยแก้ปัญหาคณิตศาสตร์วิธีหนึ่ง ทำให้นักเรียนมีความเข้าใจและมองเห็นแนวทางในการแก้ปัญหาได้อย่างชัดเจนขึ้น

การเรียนการสอนที่เน้นนักเรียนเป็นสำคัญ ถือว่าเป็นอีกปัจจัยหนึ่งที่ช่วยให้ นักเรียนมีความรู้ความเข้าใจที่ถูกต้องเกี่ยวกับความคิดรวบยอดในเรื่องเศษส่วน ตลอดจนใช้วิธีการสอนแบบอุปนัยเข้ามาช่วย โดยให้นักเรียนสังเกตตัวอย่างหลายๆตัวอย่าง ทั้งนี้ เพื่อการสอนทั้งสองรูปแบบต่างมีเป้าหมายที่เหมือนกันคือ เปิดโอกาสให้นักเรียนได้สร้างความคิดรวบยอดของเนื้อหาต่างๆที่เรียนรู้ด้วยตนเองและนำความคิดรวบยอดที่ได้ไปใช้ในการแก้ปัญหา ร่องอื่นๆที่มีความซับซ้อนมากขึ้น ได้อย่างมีประสิทธิภาพ ซึ่งสอดคล้องกับ ทิศนา แรมมณี (2553 : 340) ที่กล่าวว่า วิธีการสอนโดยใช้การอุปนัย เป็นวิธีการที่บุ่งช่วยให้ผู้เรียนได้ฝึก

ทักษะการคิดวิเคราะห์ สามารถจับหลักการ หรือประเด็นสำคัญได้ด้วยตนเอง ทำให้เกิดการเรียนรู้หลักการหรือข้อความรู้ต่าง ๆ อย่างเข้าใจและนำไปสู่ข้อสรุปได้อย่างถูกต้อง นอกจากนี้ ครูเป็นเพียงผู้ช่วยและให้คำแนะนำเพื่อให้นักเรียนสามารถสร้างความคิดรวบยอดและเกิดทักษะต่างๆ ได้มากขึ้นดังที่ พิมพันธ์ เศษคุปต์ (2544 : 6) ได้กล่าวไว้ว่า ครูควรเปลี่ยนบทบาทจากผู้ที่ให้ความรู้ ผู้บอกความรู้มาเป็นผู้ให้ผู้เรียนใช้กระบวนการคิดค้นหาความรู้ด้วยตนเอง ตลอดจนแก้ปัญหาด้วยตนเองจะทำให้นักเรียนมีความรู้ความเข้าใจเนื้อหาและมีทักษะต่างๆ ที่เกี่ยวข้องกับเนื้อหาเรื่องนั้นๆ ได้อย่างถูกต้อง

### **นักเรียนเกิดข้อผิดพลาดมี 2 แบบรูป คือ**

1. ข้อผิดพลาดในเทคนิคการทำ สาเหตุเกิดจาก ขาดความรอบคอบในการคำนวณนักเรียนมักคิดว่าตนเองมีความคล่องแคล่วในการแก้โจทย์นั้นๆ จึงทำให้การคิดคำนวณของนักเรียนเป็นไปอย่างเร่งรีบ และตอบทันทีโดยไม่มีการตรวจสอบคำตอบที่ได้มามาว่าเป็นคำตอบที่ถูกต้องหรือไม่ทักษะในการนึกและครอฟลัมเพลส่วนของนักเรียนยังไม่มีความคล่องแคล่วและถูกต้องมากนัก ไม่มีความแม่นยำในการนำสูตรคูณไปใช้ ทำให้นักเรียนมีการคำนวณที่ผิด ซึ่งสอดคล้องกับงานวิจัยของ โคลแกน (Colgan, 1991: 91 - A) กล่าวว่า นักเรียนมีความผิดพลาดเนื่องจากขาดความระมัดระวังในการคำนวณ การอ่านทำความเข้าใจโจทย์ไม่รอบคอบ จึงคำนวณตามวิธีและหลักการที่ตัวเองเข้าใจผิด ดังที่ เมตตา นาเวียง (2544 : 58) กล่าวว่าลักษณะข้อผิดพลาดที่พบในการคิดคำนวณเบื้องต้นมาจากความสะเพร่าของนักเรียน โดยเฉพาะในเรื่องของการหาร ซึ่งจะทำให้ผิดพลาดในการแก้โจทย์ปัญหาต่อไป แนวทางแก้ไข ครูควรให้นักเรียนฝึกฝนทักษะในการคิดคำนวณตัวเลขอย่างสม่ำเสมอ และฝึกให้นักเรียนตรวจสอบคำตอบอยู่ตลอดเวลา เพื่อให้นักเรียนเกิดความชำนาญและทำให้กระบวนการคิดในการคิดคำนวณมีระบบระเบียบมากขึ้น

2. ขาดการตรวจสอบในระหว่างการแก้ปัญหา สาเหตุเกิดจาก มีความสะเพร่า นักเรียนขาดความรอบในการเขียนสัญลักษณ์ และการสรุปคำตอบนักเรียนทำงานไม่เป็นระบบ ไม่มีแบบแผน รีบเร่งจนขาดความระมัดระวัง ซึ่งสอดคล้องกับ จงกล ทำสวน (2547 : 53) ที่กล่าวว่าเมื่อนักเรียนคิดคำนวณหาคำตอบได้แล้ว นักเรียนก็มักจะตอบทันทีโดยที่ไม่มีการแผนค่าของคำตอบหรือค่าของตัวแปรที่คำนวณมาได้ว่าสอดคล้องกับโจทย์หรือไม่ แนวทางแก้ไข ครูควรกระตุ้นให้นักเรียนเห็นความสำคัญของการตรวจสอบคำตอบที่ได้ให้เครื่องชน จนเป็นนิสัย นักเรียนไม่ควรพึงพอใจอยู่เพียงคำตอบที่ได้ แต่จะต้องฝึกตรวจสอบความถูกต้อง ทั้งในส่วนที่เป็นกระบวนการและคำตอบ

## ข้อเสนอแนะ

### 1. ข้อเสนอแนะเพื่อนำผลการวิจัยไปใช้

#### 1.1 การจัดการเรียนการสอนในเนื้อหาเรื่องใดเรื่องหนึ่ง ควรมีการเรียงลำดับ

เนื้อหาให้มีความต่อเนื่องและสัมพันธ์กัน โดยเริ่มจากเนื้อหาที่ง่ายและเป็นพื้นฐานไปสู่เรื่องที่ยากและซับซ้อนเพื่อให้นักเรียนได้ใช้ความรู้หรือหลักการพื้นฐานจากเรื่องที่ได้เรียนไปแล้วในการแก้ปัญหาที่ต้องอาศัยหลักการหลายอย่างและซับซ้อนมากขึ้น

#### 1.2 การสร้างความคิดรวบยอดจากสิ่งที่เป็นรูปธรรมไปสู่สิ่งที่เป็นนามธรรม ควร

ควรใช้รูปธรรมในลักษณะเดียวกันและมีความชัดเจนในการสร้างความคิดรวบยอดของเรื่องใดเรื่องหนึ่งเพื่อไม่ให้นักเรียนเกิดความสับสน แต่ถ้ายังไม่สามารถเนื้อหาบางเรื่องอาจไม่สามารถใช้รูปภาพลักษณะเดียวกันในการสร้างความคิดรวบยอดได้ ดังนั้นครุครวณเลือกใช้ให้เหมาะสมกับเนื้อหาเพื่อให้นักเรียนสามารถเรียนรู้ได้อย่างมีประสิทธิภาพ

#### 1.3 ควรมีการปรับพื้นฐานก่อนการสอนเรื่องเศษส่วน เกี่ยวกับเรื่องของการบวก

การลบ การคูณและการหารจำนวนนับให้กับนักเรียนอย่างเพียงพอ เพราะเรื่องเหล่านี้เป็นพื้นฐานในการเรียนเรื่องอื่นๆ ที่มีความซับซ้อนมากขึ้น (อาจจะ) ส่งผลให้นักเรียนเกิด

ข้อผิดพลาดในการคิดคำนวณน้อยลง

#### 1.4 ควรมีเครื่องมือการเก็บรวบรวมที่หลากหลาย เช่น แบบบันทึกการสังเกต

พฤติกรรมของนักเรียน แบบบันทึกหลังการสอน แบบบันทึกการตรวจแบบฝึกหัดและแบบทดสอบแบบบันทึกการเรียนรู้ของนักเรียนและแบบบันทึกการสัมภาษณ์ กับนักเรียนและนำข้อมูลเหล่านั้นมาประกอบการพิจารณา เพื่อทำให้ทราบว่านักเรียนมีความรู้ความเข้าใจในเนื้อหาที่เรียนมากน้อยเพียงใด รวมทั้งมีข้อผิดพลาดที่ควรแก้ไขอย่างไรบ้าง

#### 1.5 ควรมีบันทึกผลการตรวจแบบฝึกหัดหรือแบบทดสอบเป็นรายบุคคลและราย

ข้อ เพื่อที่จะทำให้ทราบว่า ข้อผิดพลาดของนักเรียนที่เกิดขึ้นมาจากการสอนใด กล่าวคือ เป็นปัญหาที่เกี่ยวกับโจทย์แบบฝึกหัด หรือเป็นปัญหาเกี่ยวกับนักเรียนแต่ละคนหรือปัญหาของนักเรียนทั้งชั้นเรียน และจะได้มีแนวทางแก้ไขที่ตรงกับความเป็นจริงมากที่สุด

#### 1.6 ควรมีการเขียนตอนในแบบฝึกหัด โดยมีทั้งการเขียนในลักษณะให้กำลังใจ

และข้อผิดพลาดที่เกิดขึ้น เพื่อให้นักเรียนมีความภาคภูมิใจหรือทราบแนวทางที่ถูกต้องในการแก้ไขข้อผิดพลาดเหล่านั้น

1.7 ควรให้มีจัดการเรียนการสอนที่เป็นกันเอง หมั่นตรวจสอบและแนะนำนักเรียน เมื่อพบข้อผิดพลาด อยู่ๆแล้วเอาไว้ใส่เพื่อให้นักเรียนเกิดความมั่นใจและกล้าที่จะซักถามเมื่อ เกิดความไม่เข้าใจ จะทำให้บรรยายในชั้นเรียนสนุกสนาน นักเรียนกล้าแสดงออกและมี ความสุขในการเรียนรู้

## 2. ข้อเสนอแนะเพื่อการวิจัยครั้งต่อไป

- 2.1 ควรมีการวิจัยการวิเคราะห์ในทัศน์ที่คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาดในเนื้อหา อื่นๆ เพื่อจะได้ผลการวิจัยที่ชัดเจนและครอบคลุมมากยิ่งขึ้น
- 2.2 ควรมีการศึกษาเพิ่มเติมเกี่ยวกับการสร้างและวิธีใช้เครื่องมือในการเก็บ รวบรวมข้อมูลหลากหลาย เพื่อให้ได้ข้อมูลที่สมบูรณ์และตรงกับสภาพที่แท้จริงมากที่สุด
- 2.3 ควรศึกษาวิธีการสอนและใช้ทฤษฎีการเรียนรู้เพื่อแก้ไขในทัศน์ที่ คลาดเคลื่อนและข้อผิดพลาดทางการเรียนคณิตศาสตร์ของนักเรียนหลาย ๆ วิธี

มหาวิทยาลัยราชภัฏมหาสารคาม  
RAJABHAT MAHASARAKHAM UNIVERSITY